

- Extra uitleg bij het bewijs van $\frac{d}{dx} x^{-n}$:

Waarom is $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{x^n - (x+h)^n}{h} = -nx^{n-1}$?

Je mag er vanuit gaan dat formule (4.11) geldig is dus: $\frac{d}{dx} x^n = nx^{n-1}$

D.m.v. de definitie van de afgeleide kunnen we dit herschrijven als:

$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(x+h)^n - x^n}{h} = nx^{n-1}$. Door tekenverandering volgt het resultaat.

- Afleiding van de uitdrukking voor $\frac{d}{dx} x^{\frac{m}{n}}$:

$$\frac{d}{dx} x^{\frac{m}{n}} = \frac{d}{dx} \left(x^{\frac{1}{n}} \right)^m \stackrel{\text{Kettingregel}}{=} \stackrel{\text{en(4.11)}}{=} m \left(x^{\frac{1}{n}} \right)^{m-1} \frac{d}{dx} x^{\frac{1}{n}} \stackrel{(4.12)}{=} mx^{\frac{m-1}{n}} \frac{1}{n} x^{\frac{1}{n}-1} = \frac{m}{n} x^{\frac{m}{n}-1}$$