

1. Stelling 3.1: Illustrenderende voorbeelden.

➤ Vb1 : De rij  $u$  met algemene term  $u_n = 1 - \frac{1}{n} = \frac{n-1}{n}$  is convergent want ze is:

- monotoon stijgend: inderdaad geldt  $\forall n \in \mathbb{N}$ :

$$u_{n+1} > u_n \Leftrightarrow 1 - \frac{1}{n+1} > 1 - \frac{1}{n} \Leftrightarrow \frac{1}{n+1} < \frac{1}{n} \Leftrightarrow n < n+1 \Leftrightarrow 0 < 1 \text{ OK}$$

- Naar boven begrensd door 1: inderdaad:  $u_n = 1 - \frac{1}{n} < 1, \forall n \in \mathbb{N}^*$

Opmerking: Het is voldoende van 1 bovengrens te vinden om de convergentie te kunnen concluderen. In dit voorbeeld is bvb 2 ook een bovengrens (en alle andere getallen groter dan 1)

➤ Vb2 : De rij  $u$  met algemene term  $u_n = n$  is divergent naar  $+\infty$  want ze is:

- strikt monotoon stijgend: inderdaad:  $u_{n+1} > u_n \Leftrightarrow n+1 > n$  en dit is geldig  $\forall n \in \mathbb{N}$ .

- Niet naar boven begrensd: inderdaad:  $u_n = n$  is niet naar boven begrensd omdat de verzameling van de natuurlijke getallen dit niet is

➤ Vb3 : De rij  $u$  met algemene term  $u_n = 1 + \frac{1}{n} = \frac{n+1}{n}$  is convergent want ze is:

- monotoon dalend: inderdaad geldt  $\forall n \in \mathbb{N}$ :

$$u_{n+1} < u_n \Leftrightarrow 1 + \frac{1}{n+1} < 1 + \frac{1}{n} \Leftrightarrow \frac{1}{n+1} < \frac{1}{n} \Leftrightarrow n < n+1 \Leftrightarrow 0 < 1$$

- Naar beneden begrensd door 1: inderdaad:  $u_n = 1 + \frac{1}{n} > 1, \forall n \in \mathbb{N}^*$

Opmerking: Ook hier is het voldoende van 1 benedengrens te vinden.

➤ Vb4 : De rij  $u$  met algemene term  $u_n = 1 - n$  is divergent naar  $-\infty$  want ze is:

- strikt monotoon dalend: inderdaad:  $u_{n+1} < u_n \Leftrightarrow 1 - (n+1) < 1 - n \Leftrightarrow -1 < 0$  en dit is geldig  $\forall n \in \mathbb{N}$ .

- Niet naar beneden begrensd: inderdaad:  $u_n = 1 - n$  is niet naar beneden begrensd omdat de verzameling van de natuurlijke getallen niet naar boven begrensd is.