

1. Exponentiële functies :

- Inleiding: rekenen met machten, rekenregels.

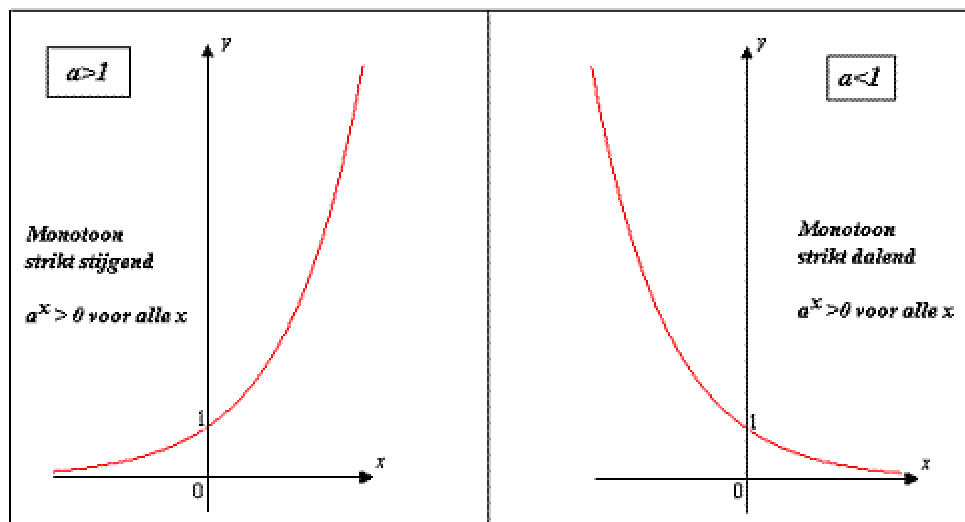
$a^p a^q = a^{p+q}$	$a^{-x} = \frac{1}{a^x}$
$\frac{a^p}{a^q} = a^{p-q}$	$a^p b^p = (ab)^p$
$(a^p)^q = a^{pq}$	$\frac{a^p}{b^p} = \left(\frac{a}{b}\right)^p$
$\sqrt[q]{a^p} = a^{\frac{p}{q}}$	

- Nieuw getal (zie cursus):  $e = 2.718... > 1$ .
- Exponentiele functies:

Kenmerk: De veranderlijke treedt op in de exponent en het grondtal is constant.

$$y = f(x) = \exp_a(x) = a^x, \quad a > 0, a \neq 1, \text{ exponentiele functie met grondtal } a.$$

$$\begin{aligned} \text{def}(\exp_a) &= \mathbb{R} \\ \text{Im}(\exp_a) &= ]0, +\infty[ \end{aligned}$$



Speciaal geval: grondtal  $a = e$  : **de** exponentiele functie  $\exp(x) = e^x$ .

2. Logaritmische functie = inverse functie van de exponentiële functie

$$\boxed{y = f(x) = \log_a x \quad \text{a.s.a.} \quad x = a^y} \quad (a > 0, a \neq 1)$$

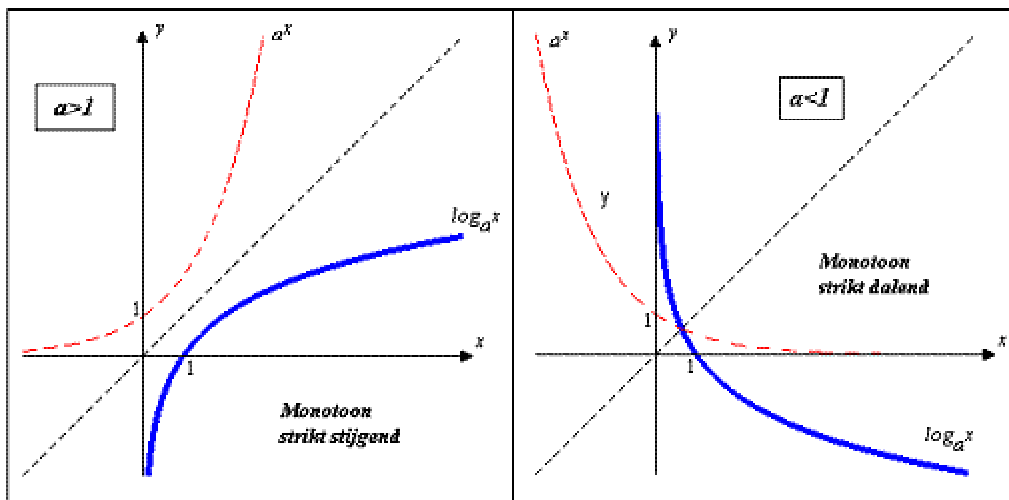
$$\text{Im}(\exp_a) = ]0, +\infty[ \rightarrow \boxed{\text{def}(\log_a) = ]0, +\infty[}$$

$$\text{def}(\exp_a) = \mathbb{R} \rightarrow \boxed{\text{Im}(\log_a) = \mathbb{R}}$$

$\log_a$  en  $\exp_a$  zijn mekaar's inversen, d.w.z.:

$$\boxed{\forall x \in \mathbb{R} : \log_a(\exp_a(x)) = \log_a(a^x) = x}$$

$$\boxed{\forall x \in ]0, +\infty[ : \exp_a(\log_a(x)) = a^{\log_a(x)} = x}$$



Speciaal geval:  $a = e$ , Neperiaanse of natuurlijke logaritmische functie  $\ln(x)$ .

$$\boxed{\forall x \in \mathbb{R} : \ln(\exp(x)) = \ln(e^x) = x}$$

$$\boxed{\forall x \in ]0, +\infty[ : \exp(\ln(x)) = e^{\ln(x)} = x}$$

Eigenschappen:

$$\boxed{\log_a(1) = 0}$$

$$\boxed{\log_a(pq) = \log_a(p) + \log_a(q)}$$

$$\boxed{\log_a\left(\frac{p}{q}\right) = \log_a(p) - \log_a(q)}$$

$$\boxed{\log_a\left(\frac{1}{p}\right) = -\log_a(p)}$$

$$\boxed{\log_a(p^q) = q \log_a(p)}$$